

العلوم

بناء مهارات الرياضيات في العلوم

الصف الرابع الابتدائي



نسخة المعلم

Science: A Closer Look © 2008
BUILDING SKILLS:
MATH
Grade 4

العلوم - الصف الرابع الابتدائي
بناء مهارات الرياضيات في العلوم
أعدت النسخة العربية: شركة العبيكان للتعليم

www.macmillanmh.com

www.obeikaneducation.com



English Edition Copyright © the McGraw-Hill Companies, Inc.
All rights reserved.

Arabic Edition is published by Obeikan under agreement with
The McGraw-Hill Companies, Inc. © 2008.



حقوق الطبع الإنجليزية محفوظة لشركة ماجروهل ©.

الطبعة العربية: مجموعة العبيكان للاستثمار
وفقاً لاتفاقيتها مع شركة ماجروهل © ٢٠٠٨م / ١٤٢٩هـ.

لا يسمح بإعادة إصدار هذا الكتاب أو نقله في أي شكل أو واسطة، سواء أكانت إلكترونية أو ميكانيكية، بما في ذلك التصوير بالنسخ «فوتوكوبي»، أو التسجيل، أو التخزين
و الاسترجاع، دون إذن خطي من الناشر.

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

الوحدة الأولى: المخلوقات الحية

٧..... الفصل الأول: ممالك المخلوقات الحية

٩..... الفصل الثاني: المملكة الحيوانية

الوحدة الثانية: الأنظمة البيئية

١٢..... الفصل الثالث: استكشاف الأنظمة البيئية

الوحدة الثالثة: الأرض ومواردها

..... الفصل الرابع: موارد الأرض

الوحدة الرابعة: الفضاء

..... الفصل الخامس: النظام الشمسي والفضاء

الوحدة الخامسة: المادة

..... الفصل السادس: قياس المادة وتغيرها

الوحدة السادسة: القوى والطاقة

..... الفصل السابع: القوى

٢٢..... الفصل الثامن: الطاقة

التمثيل البياني في العلوم

..... التمثيل البياني بالأعمدة

..... التمثيل البياني بالأعمدة المزدوجة

..... التمثيل بالقطاعات الدائرية

استراتيجيات الرياضيات

..... الأعداد والعمليات

..... الجبر

..... الهندسة

..... الإحصاء والاحتمال

..... التبرير والبرهان

ورقة رسم بياني

..... ورقة رسم بياني بالسنتمترات

يمارس الطلاب في دروس العلوم عمليات العلم، التي تعدُّ مصدرًا غنيًا للمسائل الرياضية الواقعية المرتبطة مع الحياة. تعدُّ الرياضيات لغة العلم؛ فقد تقدّم العلم بشكلٍ كبيرٍ بعد أن تبينَ إمكانية وصف الظواهر الطبيعية وتحليلها باستخدام الرياضيات.

إنَّ أهمَّ ما يميّز دروس العلوم ممارسة الطلاب لمجموعةٍ من المهارات العلمية، منها:

- جمع البيانات وتنظيمها.
- طرح الأسئلة وصياغة الفرضيات.
- استخدام المشاهدات والتبريرات المنطقية لتحديد ما إذا كانت نتائج التجارب تدعم فرضياتهم.
- التواصل بنتائج التجارب من خلال الأشكال والرسوم البيانية.
- إنَّ كلَّ مرحلة من مراحل عمليات العلم، بما تتضمنه من عمليات ومهارات علمية، تمثل فرصة مناسبة لمساعدة الطلاب على اكتساب وتنمية مهارات واستراتيجيات حل المشكلات. وفي هذا الكتاب، تساعد أوراق العمل الطلاب على تطبيق الرياضيات في العلوم، في مجالاتٍ عدّة، حيثُ:
- توجه صفحات "العلوم والرياضيات" في هذا الكتاب إلى كيفية تنفيذ نشاطات الربط بين العلوم والرياضيات الواردة في مرحلة الإثراء والتوسُّع في كلِّ فصلٍ من كتاب الطالب.
- توفر صفحات "الرسوم البيانية" الخبرة اللازمة لتمثيل البيانات العلمية وعرضها في شكلٍ تصوريٍّ من خلال الرسوم البيانية المختلفة.
- تتيح صفحات "استراتيجيات الرياضيات" سياقًا مناسبًا يكتسب الطلاب من خلاله المفاهيم الأساسية في مجالات الرياضيات الخمسة الكبرى، وهي:
- الأعداد والعمليات، وتشمل فهم الأعداد، وطرائق تمثيل الأعداد، والعلاقات بين الأعداد.
- الجبر، ويشمل تقديم وتحليل حالات وتراكيب رياضية باستخدام رموز جبرية.
- الهندسة، وتشمل وصفًا لعلاقات مكانية باستخدام التصوُّر، والتبريرات المكانية، وعمل النماذج الهندسية لحل المسائل.
- تحليل البيانات والاحتمالات، وتشمل بناء وتقويم الاستنتاجات والتنبؤات (التوقعات) المبنيّة على البيانات.
- التبريرات والبرهان، وتشمل تمييز وإدراك التبريرات والبراهين بوصفهما مظهرين جوهريين للرياضيات، وتقويم الحجج والبراهين الرياضية.

النباتات تتكاثر

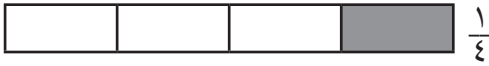


لا تصيرُ كلُّ بذرةٍ نبتةً جديدةً. فلو زرَعنا عددًا معينًا من البذورِ لنباتٍ ما فإنَّ جزءًا منها فقط سوفَ ينمو. هذا الجزءُ هو جزءٌ من الكلِّ.

ويختلفُ عددُ البذورِ التي تنمو باختلافِ النباتاتِ. أفترضُ أننا سنزرعُ ١٠٠ بذرةٍ لكلِّ من نباتِ تَباعِ الشَّمسِ ونباتِ البَطِيخِ، بحيثُ إنَّ ربعَ ($\frac{1}{4}$) بذورِ نباتِ تَباعِ الشَّمسِ ستصيرُ نباتاتٍ جديدةً، بينما ($\frac{2}{5}$) عددِ بذورِ نباتِ البَطِيخِ ستصيرُ نباتاتٍ جديدةً. فما نوعُ النَّباتِ الَّذي ينتجُ نباتاتٍ جديدةً أكثرَ من الـ ١٠٠ بذرةٍ. أستخدمُ نماذجَ الكسورِ لإيجادِ النَّاتجِ.

الكسورُ

نماذجُ الكسورِ تُظهرُ علاقةَ الكسورِ بعضها ببعضٍ.



$\frac{1}{4}$



$\frac{2}{5}$

▲ يوضِّحُ نموذجُ الكسورِ هذا أن كسرَ $\frac{2}{5}$ أكبرُ من $\frac{1}{4}$



أحلُّ

إذا كانَ لديَّ ١٠٠ بذرةٍ لكلِّ من نباتِ الطَّماطمِ ونباتِ الفلفلِ الباردِ، وكانتِ ($\frac{2}{3}$) بذورِ الطَّماطمِ تنبتُ نباتاتٍ جديدةً. بينما تنبتُ ($\frac{1}{5}$) بذورِ الفلفلِ الباردِ نباتاتٍ جديدةً، فأيهما ينبتُ نباتاتٍ أكثرَ؟

تنتجُ بذورِ الطَّماطمِ نباتاتٍ أكثرَ؛ لأنَّ، $\frac{2}{3}$ أكبرُ من $\frac{1}{5}$

أَجْرِبْ

أفترض أنني قد زرعتُ في حديقة منزلي النباتات التالية: طماطم، وقرعًا، وخيارًا. يحتوي الجدول الآتي بعض المعلومات حول النباتات التي نمت. أكمل الجدول وأجب عن الأسئلة التي تتبعه.

الكسر الممثل للبذور التي نمت	عدد البذور التي نمت	عدد البذور التي زرعت	
$\frac{3}{4}$	6	8	طماطم
$\frac{1}{3}$ أو $\frac{4}{13}$	4	12	قرع
$\frac{1}{3}$	15	30	خيار

ما الكسر الذي يمثل نمو نبات القرع؟

$$\frac{1}{3} \text{ أو } \frac{4}{13}$$

ثلاثة أرباع بذور الطماطم قد تكونت، فكم نبتة طماطم نمت؟

6

إذا نما نصف نبات الخيار، فكم بذرة خيار قد زرعت؟

30

ما المجموع الكلي لأعداد البذور التي زرعت؟ وما المجموع الكلي للنبات التي نمت؟ أعبّر عن العدد بكسر.

$$\text{زرع } 50 \text{ بذرة، نمت } 25 \text{ نبتة، } \frac{25}{50} \text{ أو } \frac{1}{2}$$

حماية الحيوانات

يعمل العلماء على حماية النمر العربي وحيوانات أخرى مهددة بالانقراض. وتعد الهيئة السعودية للحياة الفطرية وإنمائها قائمة بالحيوانات المهددة بالانقراض، وتعمل على حمايتها. ومن الأمثلة على الحيوانات المهددة بالانقراض والتي تعمل الهيئة على حمايتها المها العربي والريم. ويظهر الجدول الآتي عدد أنواع الحيوانات المهددة بالانقراض في منطقة ما.



الحبارى طائر مهدد بالانقراض. وتعمل الهيئة السعودية للحياة الفطرية على الحفاظ عليه.

٦٨	الثدييات
٧٦	الطيور
١٤	الزواحف
١٣	البرمائيات
٧٥	الأسماك
٥٩	الحشرات والعناكب
١٠٥	لافقاريات أخرى
٤١٠	المجموع



أحلُّ

أستعملُ الجدولَ السَّابِقَ في حلِّ المسائلِ الرِّياضيَّةِ الآتية:

ما عددُ اللافقارياتِ المهَّددةِ بالانقراضِ؟

عدد اللافقاريات المهَّددة بالانقراض = الحشرات و العناكب + اللافقاريات الأخرى

$$= 105 + 59 = 164 \text{ حيواناً لافقارياً.}$$

ما عددُ الفقارياتِ المهَّددةِ بالانقراضِ؟

عدد الفقاريات المهَّددة بالانقراض = الثدييات + الطيور + الزواحف + البرمائيات + الأسماك

$$= 68 + 76 + 14 + 13 + 75 = 246 \text{ حيواناً فقارياً}$$

أرتبُ أنواعَ الفقارياتِ المهَّددةِ بالانقراضِ حسبَ أعدادِها من الأكبرِ إلى الأقلِّ.

الطيور ___ الأسماك ___ الثدييات ___ الزواحف ___ البرمائيات

أجربُ

العديدُ منَ المنظَّماتِ حولَ العالمِ تعملُ على حمايةِ الحيواناتِ المهَّددةِ بالانقراضِ، ومنها الهيئةُ السَّعوديَّةُ للحياةِ الفطريَّةِ وإنمائِها في المملكةِ العربيَّةِ السَّعوديَّةِ. وقد أعلنت الهيئةُ عددًا منَ المناطقِ محمياتٍ لحمايةِ الحياةِ الفطريَّةِ وإنمائِها. وصنفتُ هذهِ المحمياتِ إلى: محمياتٍ بحريَّةٍ، ومحمياتٍ بريَّةٍ. ويبيِّنُ الجدولُ في الصَّفحةِ المقابلةِ أهمَّ المناطقِ، وتصنيفِها، ومساحةَ كُلِّ منها.

١٣٧٧٥	√		١- حرة الحرة
٢٠٤٤٥	√		٢- الخنفة
٢٣٦٩	√		٣- الوعول
٢١٠٠	√		٤- محازة الصيد
١		√	٥- جزر أم القماري
١٢٢٠٠	√		٦- الطبيق
٦٩٧		√	٧- جزر فرسان
٩	√		٨- ريـسـدة
٢٢٠٠	√		٩- مجامع الهضب
١١٩٨٠	√		١٠- عروق بني معارض
١٩٦٠	√		١١- نفوذ العريق
٤٢٦٢	√		١٢- التيسية
١١٦٠	√		١٣- الجندلية
٧١٩٠	√		١٤- سجا وأم الرمث
٦٧	√		١٥- جبل شدا الأعلى
٢٣٠٠		√	١٦- محمية الجبيل للأحياء الفطرية (لم تعتمد بقرار مجلس الوزراء)

أجرب

أستخدم الجدول أعلاه لحل المسائل الرياضية الآتية:

ما مجموع مساحة المناطق المحمية البحرية؟

مجموع مساحة المناطق البحرية = مساحة جزر الفرسان + مساحة جزر أم القماري + مساحة الجبيل

$$= 697 \text{ كم}^2 + 1 \text{ كم}^2 + 2300 \text{ كم}^2 = 2998 \text{ كم}^2$$

كم تزيد مساحة محمية سجا وأم الرمث عن محمية الجندلية؟

تكبر مساحة محمية سجا وأم الرمث عن محمية الجندلية = $7190 \text{ كم}^2 - 1160 \text{ كم}^2 = 6030 \text{ كم}^2$

أرتب أنواع المناطق المحمية البحرية حسب مساحتها من الأقل إلى الأكبر.

جزر أم القماري جزر الفرسان الجبيل

ما عدد الفراشات؟

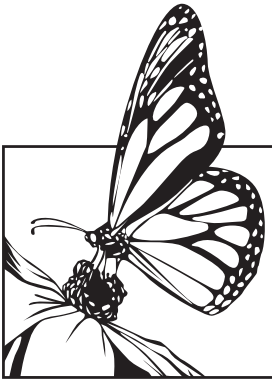


في كلِّ شتاءٍ يسافرُ حوالي ١٨٠ - ٢٨٠ مليون فراشةٍ من المناطق الباردة في الشمال إلى المناطق الدافئة في الجنوب. حيثُ يساعدُ المناخُ الدافئُ على بقاء الفراشات على قيد الحياة. ويتغذى الفراش على الأزهار وبعض أنواع النباتات كأزهار نبات الدفلى. ويقوم الإنسان في الوقت الحاضر بالتوسع العمراني على حساب الأراضي الزراعية، مما يؤدي إلى تقليل كميات الغذاء اللازمة لهجرة الفراشات إلى الأماكن الدافئة. وهذا التغيير في السلسلة الغذائية يؤدي إلى تقليل أعداد الفراشات التي تهجر كل سنة بنسبة كبيرة تصل إلى عدة ملايين.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

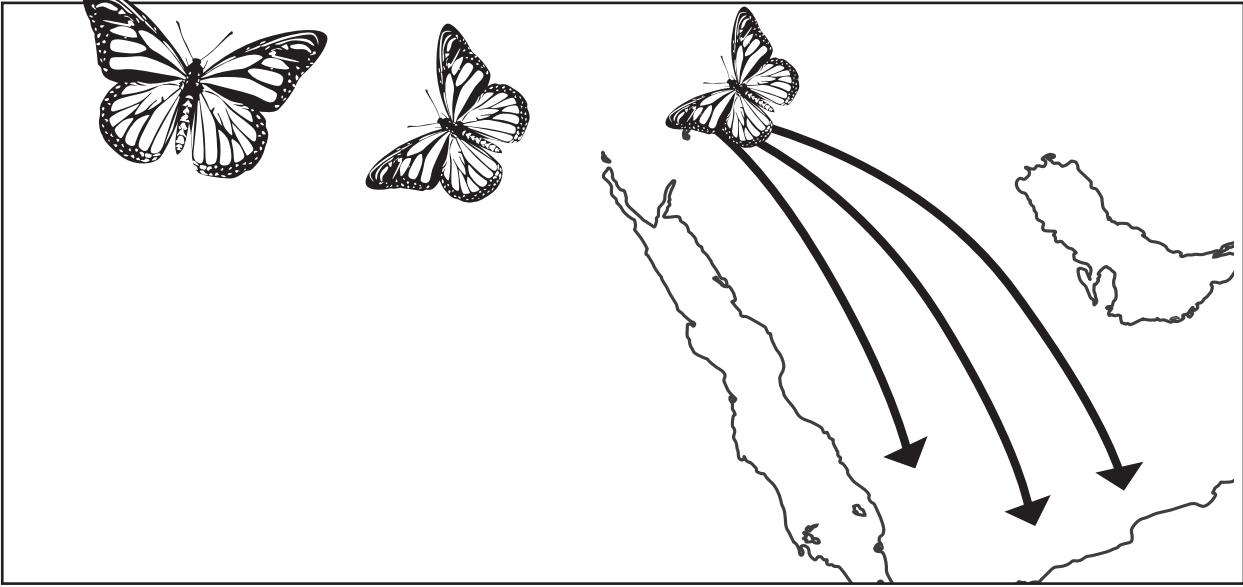
▲ اقرأ العدد السابق: مئة وخمسة ملايين وثمان مئة وسبعة وثلاثون ألفاً وخمسة مئة وتسعة.

أحل



متوسط عدد الجماعة الحيوية للفراشات يساوي مليوناً وتسع مئة وخمسة وثمانين ألفاً وثلاثاً وثلاثين. أكتب هذا العدد في لوحة المنازل.

٠	٠	١	٩	٨	٥	٠	٣	٣	



أجرب

إذا كان عدد جماعة الفراش التي هاجرت إلى إحدى المناطق الدافئة في سنة واحدة يساوي مئتين وسبعة وخمسين مليوناً وأربع مئة وواحدًا وأربعين ألفاً ومئة وخمسة، أكتب هذا العدد بالصيغة القياسية.

٢٥٧٤٤١١٠٥

يؤدي سوء الأحوال الجوية والمشكلات الأخرى في الوقت الحالي إلى تقليل هجرة جماعة الفراشات إلى ٢٨٠٠٠٠٠٠٠. أكتب العدد بالصيغة اللفظية.

ثمان وعشرون مليوناً.

بعض الفراشات تسافر أكثر من خمسة آلاف وأربع مئة وسبعين كيلومتراً. أكتب هذه المسافة على شكل عدد بالصيغة القياسية.

٥٤٧٠

ما كمية الماء التي استخدمها؟

ما كمية الماء التي استخدمتها كل يوم؟ من المحتمل أن استخدم كمية أكبر مما أتوقع. يبين الجدول الآتي كميات المياه التي يستخدمها الناس في مختلف الأعمال في كل يوم. أسجل في دفتر العلوم كميات الماء التي استخدمتها في يوم واحد مع تسجيل وقت استهلاك الماء لكل نشاط من تلك الأنشطة الموضحة في الجدول.

الاستحمام	١٩٠
غسل الصحون	٩٥
غسل الملابس	٣٨
الوضوء	٨
تنظيف الحمام	٦
تنظيف الأسنان	٣,٩
غسل اليدين	٣,٩
شرب الماء	٠,٥

إضافة فاصلة عشرية

◀ يشبه إضافة الفاصلة العشرية إضافة مبلغ من المال. أكتب الأعداد في عمود، وأضع الفواصل العشرية بعضها فوق بعض.

$$\begin{array}{r} ٠,٥ \\ + ٣,٩ \\ \hline \end{array}$$

◀ إذا لم يحتو العدد على فاصلة عشرية يمكنني أن أضع فاصلة عشرية له وأضع صفرًا بعد الفاصلة العشرية، ثم أصف الكميات بالشكل الصحيح.

$$\begin{array}{r} ١٩٠,٠ \\ + ٠,٥ \\ + ٣,٩ \\ \hline \end{array}$$

◀ أتذكر أن أكتب الفاصلة العشرية في ناتج الجمع

$$\begin{array}{r} ١٩٠,٠ \\ + ٠,٥ \\ + ٣,٩ \\ \hline ١٩٤,٤ \end{array}$$





أحلُّ

ما كميّة الماء التي أستخدمُها يوميًّا؟

إجابة محتملة: ٣, ١٩٨ لترًا

أحاولُ أن أحافظَ على كمّيّاتِ المياهِ ليومٍ واحدٍ. وأواصلُ كتابةَ كمّيّاتِ المياهِ في دفترِ العلومِ في هذا

اليومِ المحدّدِ للمحافظةِ على الماءِ. كمّ لترًا من الماءِ وفرتُهُ؟

إجابة محتملة: أنا أستخدمُ نصفَ كميةِ الماءِ وقد وفرت ١٥, ٩٩ لترًا.

أجربُ

يمثّلُ الجدولُ الآتي متوسطَ استخدامِ الماءِ. أستخدمُ البياناتِ الموجودةَ في الجدولِ للإجابةِ عنِ الأسئلةِ

التي تليه.

$\frac{190}{100}$	استحمام
$\frac{57}{100}$	استعمالُ صنابيرِ الماءِ
$\frac{68}{100}$	غسلُ الملابسِ
$\frac{19}{100}$	غسلُ الصّحونِ
$\frac{11}{100}$	الوضوءُ
$\frac{30}{100}$	تسرّبُ
$\frac{4}{100}$	الشربُ

ما كميّة الماءِ المستخدمِ بوساطةِ الصنابيرِ؟ أكتبُ إجابتي في صورةِ كسرٍ اعتياديٍّ وفي صورةِ كسرٍ

عشريٍّ.

$\frac{57}{100}$ ، أو ٥٧، ٠

أحسبُ مجموعَ كميّةِ المياهِ المستخدمةِ في غسلِ الصّحونِ والاستحمامِ، وأكتبُ الناتجَ في صورةِ

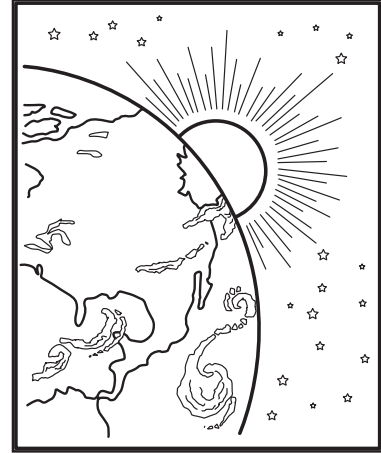
كسرٍ عشريٍّ وفي صورةِ كسرٍ اعتياديٍّ.

$\frac{209}{100}$ ؛ ٢, ٠٩=٠, ١٩+١, ٩٠ ؛ ٠, ١٩ ؛ ١, ٩٠

سرعة الضوء

يقطع الضوء حوالي ١٠ تريليونات كيلومتر في السنة. حيث
يقطع الضوء حوالي ١٨ مليون كم في الدقيقة.

وتبعد الشمس عن الأرض ١٥٠ مليون كم. باستخدام هذه
المعلومات يمكنني حساب كم دقيقة يستغرق ضوء الشمس
للوصول إلى الأرض. ولإيجاد الناتج أقسم ١٥٠ مليوناً
على ١٨ مليوناً. وبدلاً من استخدام القسمة الطويلة لإيجاد
الإجابة الدقيقة يمكنني استخدام التقدير. أستخدم أعداداً
قريبة من الأعداد في المسألة، يكون من السهل إجراء
القسمة عليها.



أحل

يبعد كوكب المريخ عن الشمس مسافة ٢٣٠ مليون كم. أقدّر عدد الدقائق التي يستغرقها ضوء الشمس
للوصول إلى المريخ.

$$٢٤٠ \div ٢٠ = ١٢؛ ٢٣٠ \text{ أقل من } ٢٤٠، \text{ و } ١٨ \text{ أقل من } ٢٠، \text{ إذ يستغرق } ١٢ \text{ دقيقة تقريباً.}$$

تقدير ناتج القسمة

يمكنني استخدام الأعداد الملائمة لتقدير

$$١٥٠ \div ١٨. \text{ ما العدد القريب من هذه الأعداد}$$

ويكون من السهل إجراء القسمة عليه؟

$$١٨ \text{ قريب من } ٢٠$$

$$١٥٠ \text{ بين } ١٤٠ \text{ و } ١٦٠$$

ما ناتج قسمة ١٤٠ على ٢٠؟

$$\text{أفكر } ١٤ \div ٢ = ٧$$

$$\text{إذن } ١٤٠ \div ٢٠ = ٧$$

$$\text{أفكر } ١٦ \div ٢ = ٨$$

$$\text{إذن } ١٦٠ \div ٢٠ = ٨$$

يستغرق وصول أشعة الشمس إلى الأرض من ٧

إلى ٨ دقائق.

أجرب

تعرف الوحدة الفلكية بأنها المسافة من الشمس إلى الأرض. وتساوي حوالي ١٥٠ مليون كيلومتر. ويمكنني تحويل المسافة من الكيلومترات إلى الوحدات الفلكية بالتقدير وبالقسمة. فمثلاً: يبعد كوكب زحل عن الشمس مسافة ١٤٠٠ مليون كيلومتر. أقسم ١٤٠٠ على ١٥٠. كذلك يمكنني تقدير ناتج القسمة بتذكر أن العدد ١٤٠٠ قريب من العدد ١٥٠٠، وأن ناتج قسمة ١٥٠٠ على ١٥٠ يساوي ١٠. وأتذكر أن ١٤٠٠ أقل من ١٥٠٠، إذن كوكب زحل يبعد عن الشمس حوالي ٩ وحدات فلكية.

يعد كوكب المشتري عن الشمس مسافة ٧٨٠ مليون كيلومتر، فما المسافة بالوحدات الفلكية؟

أكثر قليلاً من ٥؛ ٧٨٠ قريبة من ٧٥٠؛ $٧٥٠ \div ١٥٠ = ٥$ ؛ ولأن ٧٨٠ أكبر من ٧٥٠ فالناتج أكبر قليلاً من ٥.

يعد كوكب زحل عن الشمس مسافة ١٤٠٠ مليون كيلومتر، فما المسافة بالوحدات الفلكية؟

أقل قليلاً من ١٠؛ ١٤٠٠ قريبة من ١٥٠٠؛ $١٥٠٠ \div ١٥٠ = ١٠$ ، ولأن ١٤٠٠ أصغر من ١٥٠٠ فالناتج

أصغر قليلاً من ١٠

يعد كوكب نبتون عن الشمس مسافة ٣٠ وحدة فلكية. فما المسافة بالكيلومترات؟ وكيف وجدت

الناتج؟

٤٥٠٠ مليون كم؛ ٣٠ وحدة فلكية $\times ١٥٠$ مليون كم = ٤٥٠٠ كم

يعد كوكب المريخ مسافة ٢٣٠ مليون كم عن الشمس، بينما يبعد كوكب أورانوس مسافة ٢٩٠٠

مليون كم عن الشمس. كم وحدة فلكية يبعد كوكب أورانوس أكثر عن الشمس؟

أقدر كم وحدة فلكية يبعد كل منهما؛ ثم أطرح بُعد المريخ بالوحدات الفلكية من بُعد أورانوس.

حوالي ١٧,٥؛ يبعد المريخ مسافة ١/٢ أو ١,٥ وحدة فلكية؛ بينما يبعد أورانوس مسافة ١٩؛ ١٩

- ١٧,٥ = ١,٥

إشغال الحيز

حساب الحجم

◀ حجم جسم بشكل متوازي مستطيلات (ح) هو ناتج ضرب طول (ل) في عرضه (ض) في ارتفاعه (ع). ويعبر عن هذه العلاقة بطريقة أخرى:

$$ح = ل \times ض \times ع$$

◀ فمثلاً:

$$ح = ٣٠ \text{ سم} \times ٢٠ \text{ سم} \times ١٠ \text{ سم}$$

$$\text{إذن: } ح = ٦٠٠٠ \text{ سم}^٣$$

◀ ما هو السم^٣؟ هو وحدة حجم تسمى ستمتراً مكعباً. ف ١ سم^٣ هو مكعب طول كل ضلع من أضلاعه يساوي ١ سم. وهذا يعني ترتيب ستة آلاف من هذه المكعبات بالقياسات المذكورة أعلاه في صندوق.

الحجم هو مقدار الحيز الذي يشغله الجسم، ولإيجاد حجم السائل تستخدم بسهولة بعض الأدوات، ومنها أكواب القياس. ومن المحتمل أنني قد استخدمت في البيت أكواب قياس لإضافة حليب أو ماء في أحد الوصفات. ولكن كيف يمكنني إيجاد حجم جسم صلب؟ لإيجاد حجم جسم صلب يجب في البداية أن أخذ قياساته، ثم أجري الحسابات. فمثلاً لإيجاد حجم جسم صلب على شكل متوازي مستطيلات، أقيس طولاً وعرضه وارتفاعه. ثم أضرب القيم التي حصلت عليها بعضها في بعض. دعني أجرب هذا المثال: طول أحد الصناديق ٣٠ سم، وعرضه ٢٠ سم، وارتفاعه ١٠ سم. ولإيجاد حجمه فقط أضرب الأعداد.

أحل

أحسب حجم الأشياء المجاورة.

$$\text{الطول} = ٦ \text{ سم، العرض} = ٤ \text{ سم، الارتفاع} = ٢ \text{ سم.}$$

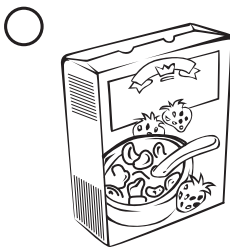
$$٤٨ \text{ سم}^٣$$

$$\text{الطول} = ٣١ \text{ سم، العرض} = ١٨ \text{ سم، الارتفاع} = ١١ \text{ سم.}$$

$$٦١٣٨ \text{ سم}^٣$$

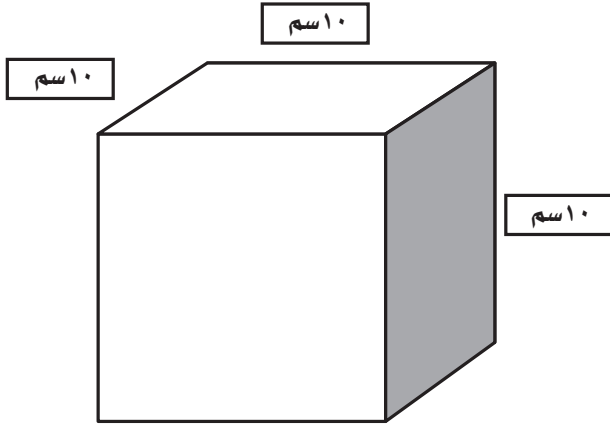
$$\text{الطول} = ٥ \text{ سم، العرض} = ٢٥ \text{ سم، الارتفاع} = ٣٨ \text{ سم.}$$

$$٤٧٥٠ \text{ سم}^٣$$



الاسمُ

أجربُ



كيفَ يمكنُ أن أحسبَ حجمَ مكعبٍ؟

ما طولُ هذا المكعبِ؟

١٠ سم

ما عرضُ هذا المكعبِ؟

١٠ سم

ما ارتفاعُ هذا المكعبِ؟

١٠ سم

أراجعُ قانونَ حسابِ الحجمِ لجسمٍ متوازي المستطيلات: $ح = ل \times ض \times ع$ يمكنني استخدامُ القانونِ نفسه لإيجادِ حجمِ مكعبٍ.

أحسبُ حجمَ المكعبِ الظاهرِ أعلاه. وأبينُ كيفَ وجدتُ الناتجَ، وأتذكّرُ أن يشملَ جوابي وحدةَ الـ

سم^٣.

$$١٠ \text{ سم} \times ١٠ \text{ سم} \times ١٠ \text{ سم} = ١٠٠٠ \text{ سم}^٣$$

أستخدمُ ما أعرفُهُ. كذلكَ يمكنني كتابةُ قانونِ خاصِّ لحسابِ حجمِ المكعبِ.

ما الذي ألاحظُهُ حولَ جميعِ أضلاعِ المكعبِ؟

جميعِ أضلاعِ المكعبِ متساوية.

أعيدُ كتابةَ القانونِ، بحيثُ أستخدمُهُ فقطً في حسابِ حجمِ مكعبٍ. أعوضُ بـ س عن كل من ل،

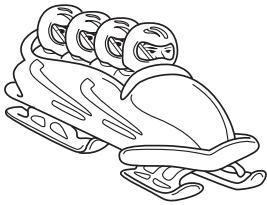
وض، وع.

$$ح = س \times س \times س = س^٣$$

قوة الاحتكاك

تقريب الأعداد

- ◀ أضع خطأً تحت الرقم في المنزلة التي سيتم التقريب إليها.
- ◀ أنظر إلى الرقم الذي على يمين المنزلة التي سيتم التقريب إليها.
- ◀ إذا كان هذا الرقم أقل من 5 فلا غير شيئاً، أما إذا كان أكبر من أو يساوي 5، فأضيف 1 إلى الرقم الذي تحته خطأً.
- ◀ أضع صفراً مكان كل رقم عن يمين الرقم الذي تحته خطأً.



استخدم الناس عربات التزلج منذ عام 1880 م. كان المتسابقون في أول تزلج يغطون السطح السفلي لعربة التزلج الخشبية بالشمع. ثم استخدموا عربات فولاذية. الفولاذ يقلل الاحتكاك أكثر من السطوح الخشبية المغلفة بالشمع. مقدار قوة الاحتكاك يعتمد على وزن الأجسام المتلامسة، وعلى نوع المادة المصنوع منها تلك الأجسام، وعلى نعومة السطوح. هؤلاء المتسابقون يسبون قوة احتكاك مقدارها 115 نيوتن، وبتقريب الرقم إلى العشرات يصبح 120 نيوتن.

لاعب	لاعبان	أربعة لاعبين	نوع مادة العربات
58 نيوتن	115 نيوتن	185 نيوتن	فولاذ
192 نيوتن	382 نيوتن	617 نيوتن	خشب مغطى بالشمع
765 نيوتن	1529 نيوتن	2470 نيوتن	مطاط



أحل

أعمل جدولاً أقرب القيم الواردة أعلاه إلى أقرب عشرة.

لاعب	لاعبان	أربعة لاعبين	نوع مادة العربات
60 نيوتن	120 نيوتن	190 نيوتن	فولاذ
190 نيوتن	380 نيوتن	620 نيوتن	خشب مغطى بالشمع
770 نيوتن	1540 نيوتن	247 نيوتن	مطاط

أجرب

محصلة القوى هي مجموع القوى المؤثرة في الجسم. افترض أن أحد الطلاب قد دفع مقعداً إلى اليمين بقوة تساوي ١٥ نيوتن، طالباً آخر دفع المقعد نفسه في الاتجاه نفسه بقوة ١٠ نيوتن. ولأن كليهما قد دفعا المقعد في الاتجاه نفسه فإنني أجمع القوى؛ ولذلك فإن محصلة القوى تساوي ٢٥ نيوتن.

أجيب عن الأسئلة الآتية حول محصلة القوى:

دفع سعد صندوق كتب إلى اليسار بقوة ٣, ٨ نيوتن. وساعده خالد بدفع الصندوق بقوة ١, ٦ نيوتن. ما محصلة القوى المؤثرة في الصندوق؟ أقرب إجابتني إلى أقرب عدد صحيح.

١٤ نيوتن

يحتاج عليّ وعمر إلى تحريك خزانة الكتب من مكانها. فإذا كانت القوة التي يستطيع عليّ بذلها تساوي ٧, ١٣ نيوتن، وكان مجموع القوى اللازمة لتحريك الخزانة يساوي ٦, ١٨ نيوتن، فما مقدار القوة التي على عمر بذلها لتحريك الخزانة. أقرب إجابتني إلى أقرب عدد صحيح.

٥ نيوتن

عندما تكون القوى في اتجاهين متعاكسين تطرح القوة الصغرى من القوة الكبرى لإيجاد محصلة القوى. افترض أن عبد العزيز قد دفع طاولة إلى اليسار بقوة تساوي ١٠ نيوتن، وأن عبد الرحمن قد أراح الطاولة إلى اليمين بقوة ١٥ نيوتن، فإن محصلة القوى ستساوي ٥ نيوتن إلى اليمين. ألاحظ أن اتجاه محصلة القوى في اتجاه القوة الكبرى نفسه. أكتب هذه على شكل معادلة، على أن تتضمن اتجاه محصلة القوى.

١٥ نيوتن (يميناً) - ١٠ نيوتن (يساراً) = محصلة القوى ٥ نيوتن يميناً.

تكلفة الطاقة

ضرب الكسور العشرية

◀ لضرب كسرٍ عشريٍّ في عددٍ صحيحٍ أُجري أولاً عملية الضرب بنفس طريقة ضرب عددين صحيحين.

◀ ثم أعد المنازل العشرية وأضع الفاصلة بعدد المنازل مبتدئاً من اليمين.

$$0,10 \times 86 = 8,60 \text{ ريال (منزلة عشرتين)}$$

$$0,10 \times 86 = 8,60 \text{ (أعد منزلتين عشريتين من اليمين 60, 8)}$$

$$0,10 \times 86 = 8,60 \text{ ريال 8,60 ريالات.}$$

يوضِّح الجدول أدناه كمية الطاقة المستهلكة لمجموعةٍ من الأجهزة الكهربائية، حيث تقاس الطاقة الكهربائية بوحدة كيلواط.ساعة. كيف يمكنني حساب تكلفة الطاقة الكهربائية التي يستهلكها كل جهازٍ مدة سنة.

التكلفة السنوية (ريال)	ثمن كل كيلواط.ساعة (ريال)	الطاقة المستهلكة خلال سنة (كيلواط.ساعة)	الجهاز
8,60	0,10	86	ساعة المذياع
208,80	0,10	2088	ثلاجة
5	0,10	50	محمصة خبز
3,2	0,10	32	آلة الرد الآلي
23,8	0,10	238	تلفاز
10,8	0,10	108	غسالة ملابس



أكمل الجدول، ثم أحل المسألة التالية:

يستهلك مشغل أقراص مدمجة طاقة مقدارها 24 كيلواط.ساعة في السنة. فإذا كان ثمن الكيلواط.

ساعة 0,10 ريال فما تكلفة تشغيل هذا المشغل مدة سنة كاملة؟

ستكون التكلفة 2,40 ريال؛ لأن $24 \times 0,10 = 2,40$ ريال

الاسم

أجرب

يريدُ معلمٌ تجهيزَ المختبرِ بموادِّ وأدواتٍ لبناءِ دوائرٍ كهربائيةٍ على ألا تتجاوزَ تكلفةَ الدائرةِ الكهربائيةِ

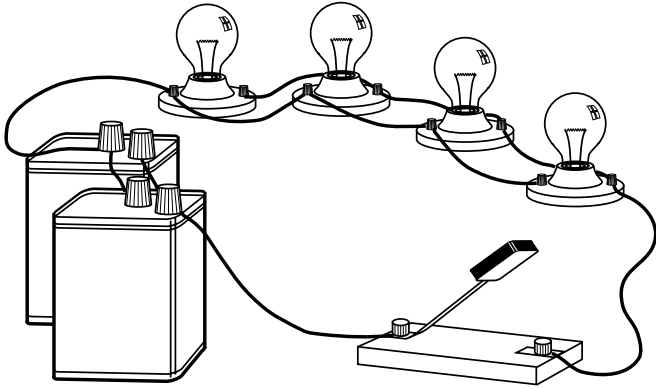
الواحدةِ ١٥ ريالاً، حسبَ ميزانيةِ المدرسةِ. إذا كانَ

ثمنُ المصباحِ الكهربائيِّ ١,٢٥ ريال، وثمانُ

السلكِ الكهربائيِّ ٠,١٥ ريال، وثمانُ المفتاحِ

الكهربائيِّ ٤,٣٢ ريالاً، وثمانُ البطاريةِ

٢,١٠ ريال.



أجيبُ عن الأسئلة الآتية. أوضِّحْ طريقةَ الحلِّ.

يحتاجُ المعلمُ إلى ٣٠ مفتاحاً كهربائياً. ما تكلفتُها؟

$$\text{ريال } 129,60 = 30 \times \text{مفتاحاً كهربائياً}$$

يحتاجُ المعلمُ إلى ٢٦ سلكاً كهربائياً ما تكلفتُها؟

$$\text{ريالات } 3,90 = 26 \times \text{سلكاً كهربائياً}$$

يحتاجُ المعلمُ إلى ١٥ مصباحاً كهربائياً. ما تكلفتُها؟

$$\text{ريالاً } 18,75 = 15 \times \text{مصباحاً كهربائياً}$$

إذا كانَ عددُ طلابِ الصفِّ ٣٠ طالباً، وسوفَ يحتاجُ كلُّ طالبٍ إلى بطاريتين، فما عددُ البطارياتِ التي

يحتاجُ إليها المعلمُ؟ وما تكلفتُها؟

$$\text{ريالاً } 126,00 = 60 \times \text{بطارية} = \text{تلكلفة} = 30 \times \text{طالباً} = 60 \text{ بطارية}$$

إذا التحقَ طالبٌ جديدٌ بالصفِّ فسيحتاجُ المعلمُ إلى مفتاحٍ كهربائيٍّ ومصباحين و ٤ أسلاكٍ وبطارتين. ما تكلفتها كلّها؟

تكلفة المفتاح الكهربائي = ٤,٣٢ ريالاً

تكلفة المصباحين الكهربائيين = $\frac{١,٢٥ \text{ ريال}}{\text{مصباح كهربائي}} \times \text{مصباحين كهربائيين} = ٢,٥٠ \text{ ريال}$

تكلفة ٤ أسلاك كهربائية = $\overline{\text{سلك كهربائي}} \times ٤ \text{ أسلاك كهربائية} = ٠,٦٠ \text{ ريال}$

تكلفة البطارتين = $\frac{٢,١٠ \text{ ريال}}{\text{بطارية واحدة}} \times ٢ = ٤,٢٠ \text{ ريالاً}$

التكلفة النهائية = $٤,٣٢ + ٤,٢٠ + ٠,٦٠ + ٢,٥٠ = ١١,٦٢ \text{ ريالاً}$

التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْأَعْمَدَةِ

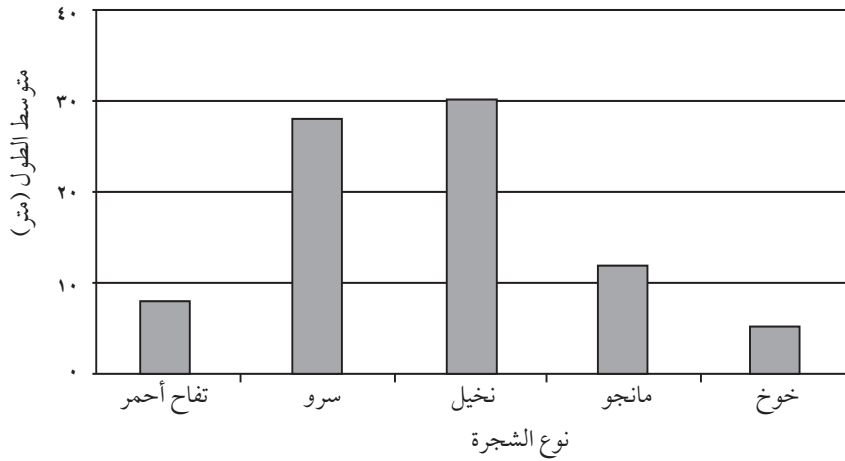
أطوالُ الأشجارِ

٧	تفاح أحمر
٢٨	سرو
٣٠	نخيل
١٢	مانجو
٥	خوخ

يستخدمُ التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْأَعْمَدَةِ أَعْمَدَةً مُخْتَلِفَةً الطُّوْلِ لإظهارِ البَيَانَاتِ. وَيَسْمَحُ التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْأَعْمَدَةِ المَقَارَنَةَ بَيْنَ البَيَانَاتِ، كَذَلِكَ يُمْكِنُ بِاسْتِخْدَامِ التَّمثِيلِ بِالْأَعْمَدَةِ إِظْهَارُ ارتفاعاتِ أشجارٍ مُحدَّدةٍ كما هُوَ مبيَّنٌ في الجدولِ.

تدريبٌ موجهٌ

أُتفَحِّصُ الرِّسْمَ البَيَانِيَّ الآتِي الَّذِي يُمَثِّلُ بَيَانَاتِ الجدولِ السَّابِقِ، ثُمَّ أَتَّبِعُ خَطَوَاتِ عَمَلِ تَمثِيلِ بَيَانِيٍّ بِالْأَعْمَدَةِ.



ما عنوانُ التَّمثِيلِ البَيَانِيِّ؟

العنوان هو "متوسط أطوال الأشجار".

ما متوسطُ طولِ شجرةِ التَّفَاحِ الأَحْمَرِ؟

٧ م

أَتَدْرِبُ

١٠	لوز
٦	تين
٧	تفاح أصفر
٤	ليمون

أعملُ الآنَ تمثيلاً بيانياً بالأعمدة خاصّاً بي مستخدماً البيانات في الجدولِ الأيمن.



أستخدمُ التمثيلَ البيانيَّ بالأعمدة الخاصَّ بي والتمثيلَ البيانيَّ الموجودَ في الصفحةِ السابقةِ للإجابةِ عن الأسئلةِ الآتية:

ما أطولُ شجرةٍ من الأشجارِ التسعةِ التي ذكرتُ في الجدولين؟

شجرة النخيل.

أقارنُ بينَ شجرةِ التفاحِ الأحمرِ والتفاحِ الأصفرِ. ماذا ألاحظُ؟

ألاحظُ أن كلتا الشجرتين طولها ٧ م.

ما متوسطُ ارتفاعِ الأشجارِ في المجموعةِ الأولى؟

المتوسط يساوي ١٦, ٤ ، لأن $(٥+١٢+٣٠+٢٨+٧) \div ٥ = ١٦, ٤$

الاسم

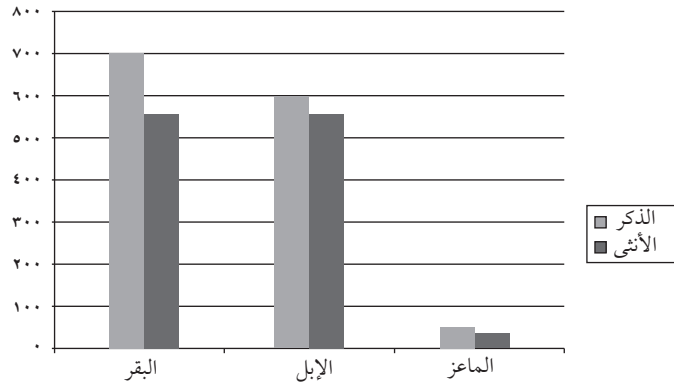
التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْأَعْمَدَةِ المَزْدُوجَةِ مَتَوَسِّطُ أَوْزَانِ الحَيَوَانَاتِ

الحيوان	الذَّكْرُ	الأنثى
البقر	٧٠٠	٥٥٠
الإبلُ العربيَّةُ	٥٥٠	٥٠٠
الماعزُ	٥٥	٤٠

يسمَحُ التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ بِالْأَعْمَدَةِ المَزْدُوجَةِ مَقَارَنَةَ
مَجْمُوعَتَيْنِ مِنَ البَيَانَاتِ.

تَدْرِيْبٌ مَوْجَّهٌ

أَتَفَحَّصُ التَّمثِيلَ البَيَانِيَّ بِالْأَعْمَدَةِ المَزْدُوجَةِ، ثُمَّ أَتَبَّعُ خَطَوَاتِ العَمَلِ لِأَتَعَلَّمَ كَيْفَ يَسْتخدِمُ هَذَا النُّوعَ مِنَ التَّمثِيلِ.



خطوة ١

يحدِّدُ مفتاحُ الشَّكْلِ الفئاتِ المِخْتَلِفَةَ فِي التَّمثِيلِ البَيَانِيَّ بِالْأَعْمَدَةِ المَزْدُوجَةِ. مَا الَّذِي يَخْبِرُنِي بِهِ؟

يُمَايزُ مفتاحُ الشَّكْلِ بَيْنَ وَزْنِ الذَّكُورِ وَالْإِنَاثِ.

الخطوة ٢

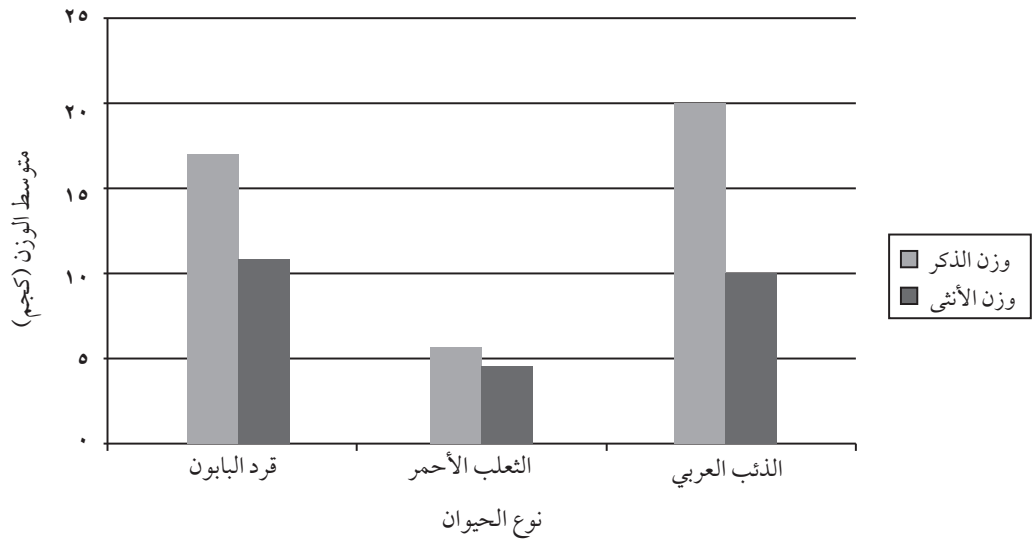
أحدِّدُ عَمُودَ ذَكَرِ البَقْرِ. ثُمَّ بِمُوازَاةِ قِمَّةِ هَذَا العَمُودِ. أَنْظِرُ إِلَى اليَسَارِ لِتَحْدِيدِ مَتَوَسِّطِ وَزْنِ ذَكَرِ البَقْرِ، وَأَكْرِرُ
هَذِهِ العَمَلِيَّةَ لِإِيجَادِ وَزْنِ أَنْثَى البَقْرِ.

وزن الذكر: ٧٠٠ كجم؛ وزن الأنثى: ٥٥٠ كجم

أَتَدْرِبُ

الحيوان	وزن الذكر	وزن الأنثى
قرد البابون	١٧	١١
الثعلب الأحمر	٦	٤,٤
الذئب العربي	٢٠	١٠

وأعمل في الأسفل تمثيلًا بيانيًا بالأعمدة المزدوجة خاصًا بي. مستخدمًا البيانات الموجودة في الجدول الأيمن.



أستخدم التمثيل البياني بالأعمدة المزدوجة الخاص بي، والتمثيل الآخر في الصفحة السابقة للإجابة عن الأسئلة الآتية:

ما وزن ذكر الماعز؟ كيف عرفت ذلك؟

وزن ذكر الماعز ٥٥ كيلوجرامًا، تشير قمة العمود الذي يمثل ذكر الماعز إلى قيمة ٥٥.

كم تزن أنثى الذئب العربي؟

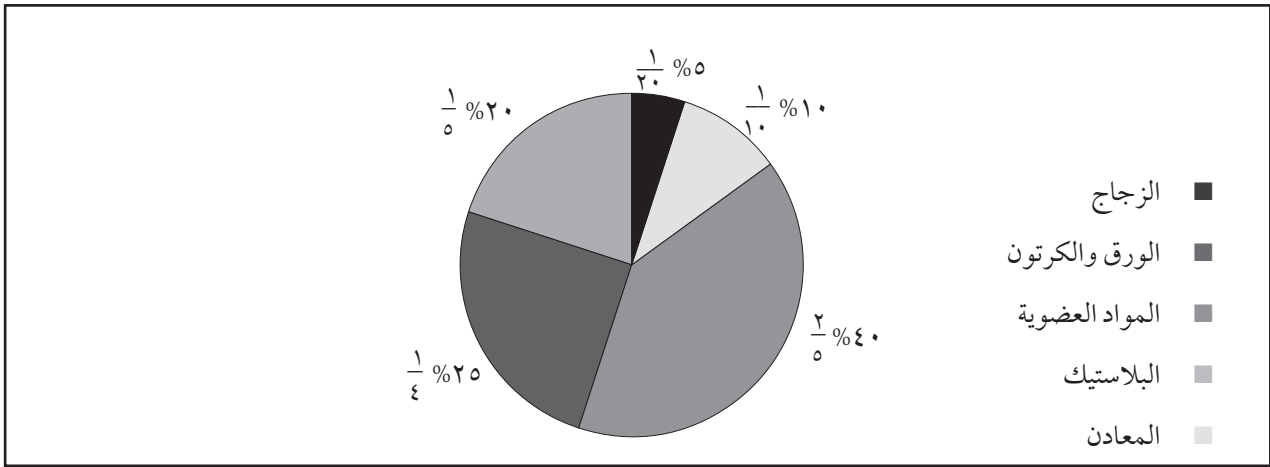
١٠ كيلوجرامات.

ما الحيوان الذي يمثل أكبر اختلاف بين متوسط وزن الذكر ووزن الأنثى؟

يمثل البقر أكبر اختلاف، $٧٠٠ - ٥٥٠ = ١٥٠$ كجم

التمثيلُ بالقطاعاتِ الدائريةِ النفاياتُ المنزليةُ والتدويرُ

سجّل علماءُ البيئة كمّيّات النفايات المنزليّة الصلبة في أحد المدن في سنّة من السنوات، فكانت ١٢٥٠٠٠٠ طن، ثمّ تمّ عمل تمثيل بيانيّ لهذه الكمّيّات بالقطاع الدائريّ كما في الشكل الآتي. ويظهر التمثيلُ بالقطاعات الدائرية كسورًا أو أجزاء من الكلّ، وكلّ قطاعٍ من القطاعات الدائرية الظاهرة بالأسفل يبيّن نسبة نوع من النفايات إلى مجموع أنواع النفايات المنزليّة.



تدريبٌ موجّه

ما كمّيّة الزجاج من مجموع النفايات المنزليّة.

الخطوة ١

أنظر إلى تمثيل القطاعات الدائرية، وإلى القطاع الذي يمثّل الزجاج، سألاحظُ أنّ قيمته تساوي $\frac{1}{20}$ أي أنّ الزجاج يمثّل جزءًا من ٢٠ جزءًا.

الخطوة ٢

مجموع النفايات هي ١٢٥٠٠٠٠، فكم يمثّل $\frac{1}{20}$ من الـ ١٢٥٠٠٠٠؟ أقسم ١٢٥٠٠٠٠ على ٢٠، ثمّ أضرب الناتج في ١.

$$١٢٥٠٠٠ \div ٢٠ = ٦٢٥٠٠ \times ١ = ٦٢٥٠٠ \text{ طن من نفايات الزجاج.}$$

أَتَدْرِبُ

أستخدم الصيغة الرياضية نفسها لإيجاد كمية البلاستيك من مجموع النفايات المنزلية.

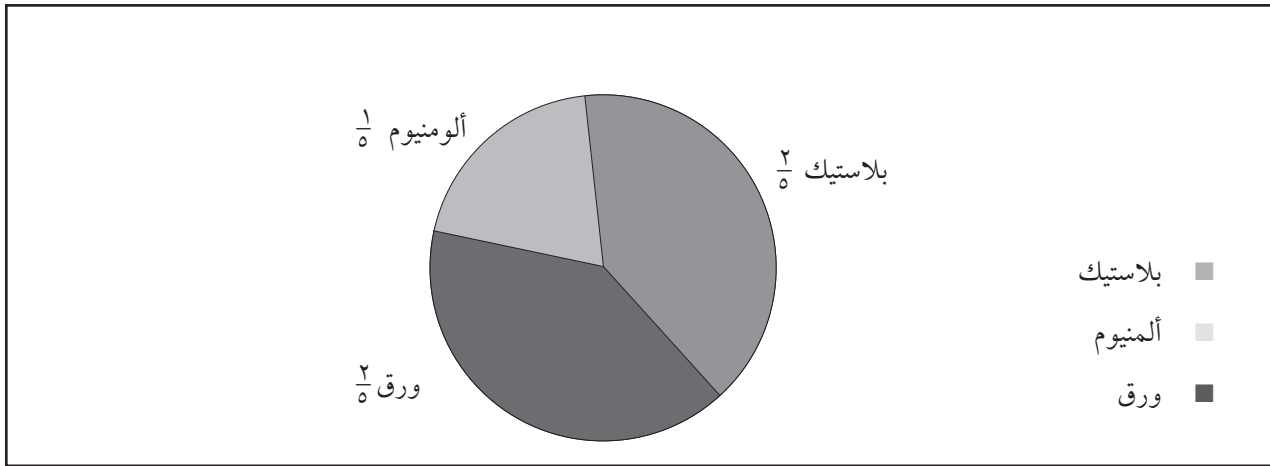
$$2500000 = 1 \times (5 \div 1250000)$$

يجب أن يكون مجموع القطاعات في تمثيل القطاعات الدائريّ يساوي ١. أفحص مجموع تمثيل القطاعات الدائريّ للنفايات الصلبة بإيجاد مجموع القطاعات.

أتذكر أن أجد في البداية أصغر مقام مشترك.

$$1 = \frac{1}{1} = \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{2}{5} + \frac{2}{5} + \frac{4}{5} = \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{2}{5}$$

أستخدم تمثيل القطاعات الدائريّ الآتي الذي يمثل نسبة تدوير بعض النفايات الصلبة في منطقة ما. علمًا أن مجموع كميات المواد التي تم تدويرها يساوي ٣٦٠٠ كجم:



ما كمية البلاستيك الذي تم تدويره؟

$$1440 = 2 \times (5 \div 3600) \text{ كجم}$$

ما كمية الألومنيوم الذي تم تدويره؟

$$720 = 1 \times (5 \div 3600) \text{ كجم}$$

الأعداد والعمليات التعبير عن الكسر الاعتيادي والكسر العشري

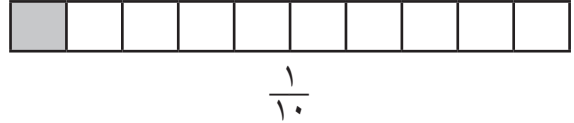
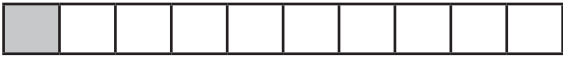
إرشاد

- ◀ أتذكر أن أول منزلة تقع عن يمين الفاصلة العشرية تمثل منزلة جزء من عشرة.
- ◀ أتذكر أن المنزلة الثانية الواقعة عن يمين الفاصلة العشرية تمثل منزلة جزء من مئة.
- ◀ أمثل الأنصاف والأرباع باستعمال قطع النقد.

يستخدم العلماء في العادة الكسور العشرية عند التعامل مع الأعداد. ومع ذلك فإنه في بعض الحالات يمكن أن يكون من المفيد أكثر التعبير عن الأعداد بالكسور الاعتيادية.

الأجزاء من عشرة والأجزاء من مئة

يمكن كتابة الأجزاء من عشرة أو الأجزاء من مئة على شكل كسر عشري أو على شكل كسر اعتيادي. فيمكن مثلاً كتابة واحد من عشرة (عشر) على شكل $\frac{1}{10}$. ويكتب أيضاً بطريقة أخرى، وهي ٠,١، وذلك لأن الموقع الأول بعد الفاصلة العشرية هو موقع العشرات.



الأنصاف والأرباع

يمكن كتابة الأنصاف والأرباع على شكل كسر اعتيادي، أو على شكل كسر عشري. ويمكن المساعدة في فهم الأنصاف والأرباع، بربطها مع قطع النقد. فالريال يتكون من أربعة أرباع، والرّبع يساوي $\frac{1}{4}$ ريال (٢٥ هللة) أو ٠,٢٥.



و $\frac{1}{2}$ ريال يساوي ٠,٥٠



تدريب موجّه

أستخدم هذه الاستراتيجية عند كتابة كسر اعتيادي غير صحيح أو عدد كسريّ مثل الكسر العشريّ. أبدأ مع الكسر $\frac{5}{4}$ ؛ فنحن نعرف أن $\frac{4}{4}$ هو نفسه ريال كامل أو ١ ريال.



$\frac{4}{4}$ أو ١,٠٠

وسوف يبقى $\frac{1}{4}$ ريال أو ٢٥,٠ من الريال



$\frac{1}{4}$ أو ٢٥,٠

إذا $\frac{5}{4}$ تساوي $1\frac{1}{4}$ أو ١,٢٥

أدرب

أحضّر لأحد التجارب العلمية وأحتاج إلى بعض المواد. يتضمّن الجدول الآتي القياسات اللازمة. أستخدم البيانات المتضمنة في الجدول واستراتيجيات التدريب السابقة لملء الفراغات في الجدول.

قطعة سلك	$2\frac{1}{4}$ سنتمتر	٢,٥٠ سنتمتر
ماء	$\frac{3}{4}$ كوب	٠,٧٥ كوب
ساق نبتة	$1\frac{1}{4}$ سنتمتر	١,٢٥ سنتمتر
صبغة طعام حمراء	$1\frac{3}{5}$ مل	١,٦ مل

الجبر

استخدام الصيغ الرياضية

إرشاد

- ◀ أتذكر أنه لحل الصيغة الرياضية يجب استخدام الأعداد الصحيحة في الأماكن الصحيحة.
- ◀ أتذكر أنه يمكن إعادة ترتيب الصيغة الرياضية وحلها بوصفها معادلة

تبيّن الصيغة الرياضية العلاقة بين الكمّيات، حيث تُستخدم قيم معروفة لإيجاد قيمة كمّية غير معروفة.

استخدام القيم الرياضية

يعبر عن الكمّيات في الصيغة الرياضية بأحرفٍ مثل: س أو ص. ويتمّ تعويض قيم معروفة بدل بعض الكمّيات لحساب قيم كمّيات غير معروفة. فمثلاً: تقاس القدرة الكهربائية (قد) بوحدة الواط؛ ويقاس الجهد (جه) بالفولت؛ بينما يقاس التيار (ت) بالأمبير.

ولذلك فإن الصيغة الرياضية للعلاقة بين الطاقة الكهربائية والجهد والتيار هي:

$$\text{قد} = \text{جه} \times \text{ت}$$

وهذا يعني أن مقدار القدرة (قد) بالواط يساوي الجهد (جه) بالفولت مضروباً في التيار (ت) بالأمبير. فإذا كان ما تنتجه بطاريتان في مصباح كهربائي يساوي ٣ فولت، وكان التيار يساوي ٢, ٠ أمبير، فما مقدار قدرة البطاريتين؟

لحساب القدرة بالواط نعوض بقيمة الجهد الكهربائي (جه) بالفولت ومقدار التيار (ت) بالأمبير.

$$\text{قد} = ٣ \times ٢, ٠$$

ولإيجاد الناتج يتم ضرب القيمتين.

$$\text{قد} = ٦, ٠$$

قدرة البطاريتين تساوي ٦, ٠ واط.

تدريب موجّه

يمكن أن تُظهر الصيغة الكهربائية علاقات مختلفة بين الكميات. فالعلاقة بين مقادير التيار الكهربائي (ت) والجهد الكهربائي (جه) والمقاومة (م) هي:

$$ت = \frac{جه}{م}$$

وتقاس المقاومة بوحدّة الأوم (Ω)، فإذا تمّ توصيل قابس سخان كهربائي بمصدر كهربائي ذي جهد كهربائي (جه) يساوي ١٢٠ فولت، وكانت مقاومة السخان الكهربائي (م) تساوي ٨ أوم، فما مقدار التيار الكهربائي الذي سوف يسري في السخان الكهربائي؟

وللإجابة عن السؤال أعوض بالقيم المعروفة في الصيغة الرياضية:

$$ت = \frac{١٢٠}{٨}$$

ثم أقسم قيمة الجهد الكهربائي على قيمة المقاومة لإيجاد قيمة التيار الكهربائي غير المعروفة. فأجد أن قيمة التيار الكهربائي (ت) بالأمبير تساوي ١٥. إذن قيمة التيار الكهربائي في السخان تساوي ١٥ أمبير.

أدرب

أستخدم الصيغة الرياضية لكل من القدرة والتيار الكهربائي في ملء الجدول الآتي، وفي معرفة أي قطع السيارة التالية يستخدم قدرة أكبر؟ أستخدم القيمة المعيارية لجهد بطارية السيارة، والذي يساوي ١٢ فولت.

	—		
٧٢٠	٦	٢	المصباح
٢٤	٢	٦	النافذة الكهربائيّة
١٤٤	١٢	١	تشغيل المحرك

ما جزء السيارة الذي يحتاج إلى أكبر مقدار من القدرة؟

تشغيل المحرك

الهندسة

المستوى الإحداثي

إرشاد

- ◀ أبدأ من الرّقم صفر، ثمّ أعدّ إلى اليمين لإيجاد العدد الذي يمثل س.
- ◀ أبدأ من الرّقم صفر، ثمّ أعدّ إلى أعلى عدد الفراغات لإيجاد القيمة التي يمثلها ص.
- ◀ وإذا تمّ كتابة زوج الأعداد بين قوسين فإنّ العدد الأوّل يمثل س، والعدد الثاني يمثل ص، حيث إنّ الزوج المرتب (س، ص) يمثل نقطة واحدة.

يمكن أن يُستخدم المستوى الإحداثي في عمل رسم بياني لمعادلة بسيطة، مثل:

$$س = ٢ص$$

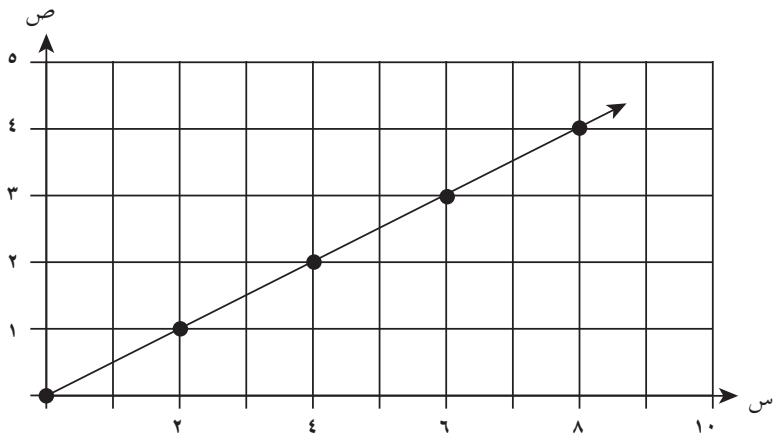
تمثيل نقاط على المستوى الإحداثي

يتكوّن المستوى الإحداثي من محورٍ للسّينات ومحورٍ للصّادات. ويمثّل محورُ السّينات خطأً أفقيّاً يمتدُّ من اليسار إلى اليمين، بينما يمثّل محورُ الصّادات خطأً عمودياً يمتدُّ من أعلى إلى أسفل. ولتمثيل نقاطٍ على المستوى الإحداثي فإننا نبدأ بعمل جدولٍ يحتوي على قيمٍ مختلفةٍ من س، و ص لمعادلةٍ معطاةٍ.

فمثلاً يمثّل الجدول الآتي المعادلة $س = ٢ص$

س	٠	٢	٤	٦	٨
ص	٠	١	٢	٣	٤

والآن لتمثيل هذه النّقاط على المستوى الإحداثي فإننا نبدأ من (٠, ٠) ونمثّل جميع النّقاط حتّى نصل إلى الزوج (٨, ٤).

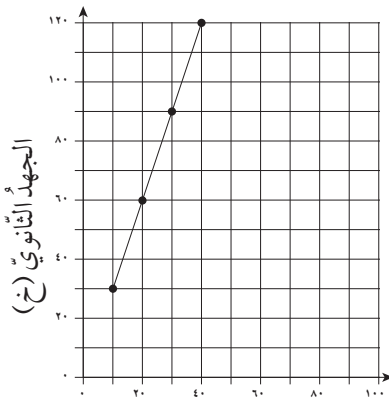


تدريب موجّه

يزيد المحوّل الكهربائيّ جهد التّيّار الكهربائيّ قبل مروره على خطّ نقل الطّاقة الكهربائيّة. ويمكن من خلال تفحص الجدول الآتي ملاحظة أنّ الجهد الكهربائيّ الثانويّ يساوي ثلاث مرّات قيمة الجهد الكهربائيّ الابتدائيّ. ويمكن كتابة هذا في معادلة:

الجهد الثانويّ (خ) = 3 × الجهد الابتدائيّ (د)

أو خ = 3 × د كذلك يمكن تمثيلها على النحو الآتي:



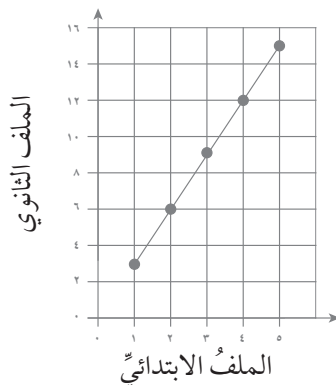
الجهد الابتدائيّ (د)

١٠ فولت	٣٠ فولت
٢٠ فولت	٦٠ فولت
٣٠ فولت	٩٠ فولت

أترّب

في المحوّل الكهربائيّ، العلاقة بين جهد الملفّات الابتدائيّة إلى جهد الملفّات الثانويّة هي ١ إلى ٣. ولذلك فإن عدد لفّات الملفّ الابتدائيّ يمكن ضربها في الرقم ٣ لإيجاد عدد لفّات الملفّ الثانويّ. أكمل الجدول الآتي. ثمّ أستخدم هذه المعلومات لإنشاء مستوى بيانيّ. أتذكّر أنّ أضع عنواناً للمستوى البيانيّ، وأنّ أتعرف كلاً من محور السينات ومحور الصّادات.

العلاقة بين الجهد الابتدائيّ
والثانويّ في المحوّل



١	٣
٢	٦
٣	٩
٤	١٢
٥	١٥

الإحصاءُ والاحتمالُ تواصلُ النتائجُ بالرَّسْمِ البيانيِّ

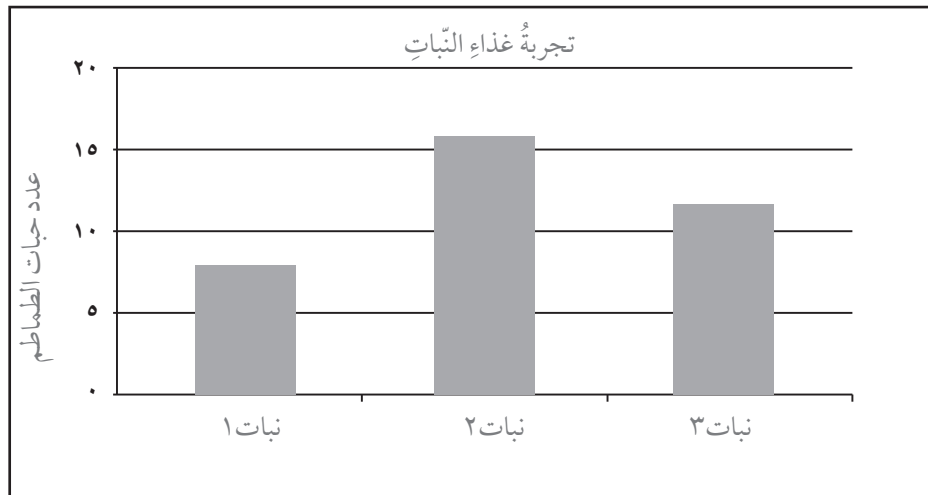
يمثلُ العلماءُ البياناتَ غالباً برسومٍ بيانيَّةٍ؛ وذلك لأنَّ الرِّسومَ البيانيَّةَ تسمحُ لهمُ بمقارنةِ النَّتائجِ بسهولةٍ.

تمثيلُ الأعدادِ في الرَّسْمِ البيانيِّ

أجرى طلابُ الصَّفِّ تجربةً لملاحظةِ أثرِ السِّمادِ في نباتاتِ الطِّماطمِ، حيثُ لم يتمَّ تزويدُ النَّبتةِ الأولى بأيِّ كمِّيَّةٍ من السِّمادِ، وتمَّ تزويدُ النَّبتةِ الثَّانيةِ بكمِّيَّةٍ من السِّمادِ كلِّ أسبوعين. بينما تمَّ تزويدُ النَّبتةِ الثَّالثةِ بكمِّيَّةٍ من السِّمادِ كلِّ أسبوعٍ. وبعدَ شهرينِ عدَّ الطلابُ حَبَّاتِ الطِّماطمِ المتكوِّنةِ على كلِّ نبتةٍ، ثمَّ سجَّلوا النَّتائجَ في جدولٍ:

	نبتة ١	نبتة ٢	نبتة ٣
عددُ حَبَّاتِ الطِّماطمِ	٨	١٦	١٢

ولعرضِ هذه النَّتائجِ في تمثيلٍ بيانيٍّ بالأعمدةِ، أرسَمَ محورينِ، ثمَّ أسْتخدمَ عناوينَ البياناتِ الموجودةِ في الجدولِ لعنونةِ المحورينِ، وأضَعُ كلمةَ (نباتاتُ) عنواناً لمحورِ السِّيناتِ، ثمَّ أقسَمُ المحورَ السِّينيَّ وأضَعُ الأرقامَ ١، ٢، ٣ بحيثُ تكونُ المسافةُ بينَ كلِّ رقمٍ وآخرٍ ٢ سم. ثمَّ أضَعُ جملةَ (عددُ حَبَّاتِ الطِّماطمِ) عن يسارِ محورِ الصِّاداتِ عنواناً له. واجعلْ خطَّ الأعدادِ يزدادُ من ٠ إلى ١٦ بزيادةٍ مقدارها ٤. وفي النَّهايةِ أرسَمُ الأعمدةَ لإظهارِ عددِ حَبَّاتِ الطِّماطمِ لكلِّ نبتةٍ.

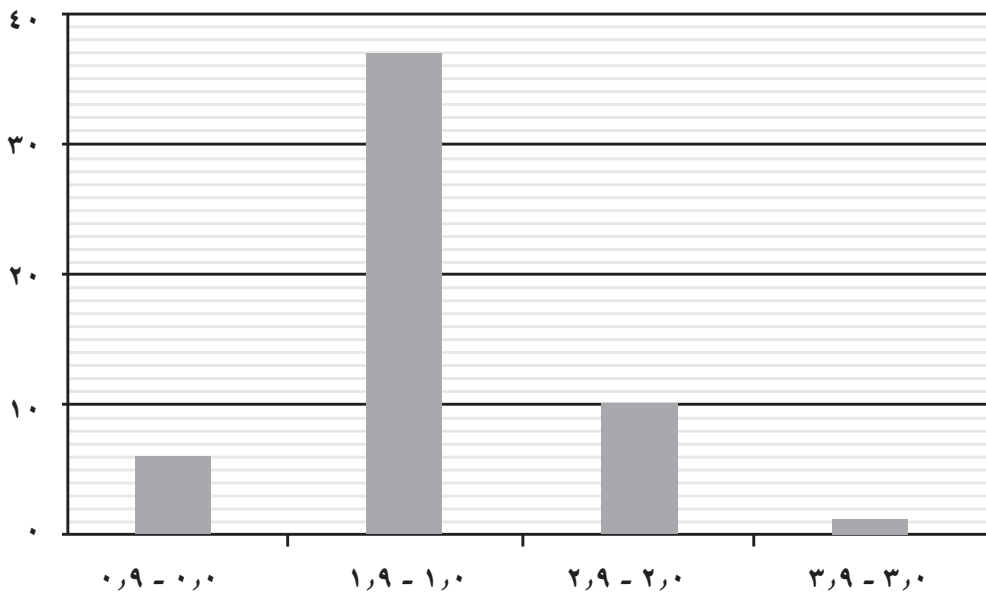


تدريب موجّه

تحدثت الزلازل في بعض الدول بشكل كبير. ويبيّن الجدول الآتي عدد الزلازل التي تحدث في إحدى المدن خلال يومين.

	٣,٩ - ٣,٠	٢,٩ - ٢,٠	١,٩ - ١,٠	٠,٩ - ٠,٠
عدد الزلازل	١	١٠	٣٨	٦

وللمقارنة بين زلازل ذات قوى مختلفة من المفيد تمثيل بياناتها بيانياً، بحيث يتم وضع جملة [قوة الزلازل (مقياس رختر)] عنواناً للمحور الأفقي. وأكتب فئات الزلازل (٠,٠ - ٠,٩ - ١,٠ - ١,٩ - ٢,٠ - ٢,٩ - ٣,٠ - ٣,٩) على امتداد المحور. ثم أعنون المحور العمودي بكتابة جملة (عدد الزلازل)، وأجعل خط الأعداد عليه يزداد من ٠ إلى ٤٠ بزيادة مقدارها ١٠. ثم أضيف إشارات لتمثل الأعداد بينها. وفي النهاية أرسّم أعمدة تمثل عدد الزلازل لكل قوة.

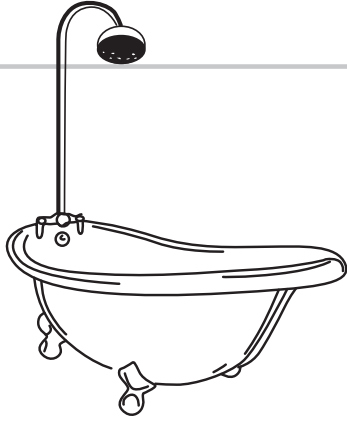


التبرير والبرهان

تحديد المعلومات الإضافية أو المفقودة

إرشاد

- ◀ أقرأ السؤال وأفكر في المطلوب.
- ◀ أضع دائرة حول المعلومات المهمة التي أحتاج إليها في حل السؤال.
- ◀ أشطب المعلومات التي لا أحتاج إليها.
- ◀ أحول أو أغير وحدات الزمن أو القياس في المسألة لإيجاد المطلوب من السؤال.



في بعض الأوقات تعطي معلومات في المسألة الرياضية لا تحتاج إليها لتجيب عن السؤال.

معلومات إضافية

المعلومات الإضافية هي معلومات لا نحتاج إليها لحل المسألة. ولذلك أشطب أي معلومات غير ضرورية لحل السؤال. أنفحص المثال الآتي:

يحتاج حوض الاستحمام إلى حوالي ١٣٦ لترًا من الماء لملئه من أجل الاستحمام. ويحتاج حوض المغسلة إلى حوالي ١١ لترًا لملئه. بينما يحتاج استخدام (الدش) مدة خمس دقائق إلى حوالي ٤٥ لترًا من الماء. كم لترًا من الماء نستطيع توفيره إذا استخدم (الدش) بدلًا من ملء الحوض عند الاستحمام؟ معلومة (ويحتاج حوض المغسلة إلى حوالي ١١ لترًا لملئه) معلومة إضافية لا نحتاج إليها للإجابة عن السؤال.

التحويل إلى وحدات مماثلة

تتضمن المسألة الرياضية في بعض الأوقات وحدات قياس منها السنتيمتر أو البوصة، أو وحدات الزمن ومنها الثانية والدقيقة والساعة. وقد يتطلب السؤال الإجابة بالثواني أو الساعات بينما القيم المعطاة في المسألة تكون بالدقائق. وهذا يتطلب منا معرفة أن كل دقيقة تساوي ٦٠ ثانية. وأن الساعة تساوي ٦٠ دقيقة. أحول الوحدات التي أحتاج إليها، ثم أحل المسألة.

تدريب موجّه

يحتاج رجلٌ إلى ريّ حديقة بالرشاشات إلى حوالي ٢٣ لترًا من الماء (كلّ دقيقة). مساحتها ٧٥٠٠ م^٢، كم لترًا من الماء يحتاج لريّ الحديقة مدّة ساعة واحدة؟
أتبّع إرشادات حلّ المسألة:

أضغ دائرةً حول المعلومات المهمّة التي أحتاج إليها في حلّ المسألة.

أشطب المعلومات غير الملائمة أو غير المهمّة في حلّ المسألة.

أحوّل وحدات الزمن أو القياس المعطاة في المسألة لإيجاد المطلوب من السؤال.

معطيات المسألة: يحتاج ريّ الحديقة بالرشاشات إلى ٢٣ لترًا من الماء كلّ دقيقة. نصّ السؤال: كم لترًا من الماء يستخدم في الحديقة مدّة ساعة؟

كذلك سوف أحتاج إلى استخدام العلاقة (٦٠ دقيقة = ١ ساعة) لحلّ المسألة.

ثم أضرب ٢٣ لترًا في ٦٠ مرّة، أي سيحتاج إلى ١٣٨٠ لترًا في الساعة.

أدرب

يبلغ طول أحد الأنهار ٣٦٨٠ كم، وتبلغ كمّيّة الرسوبيات التي ترسب في النهر كلّ يوم ٤٣٦٠٠٠ طن. ما كمّيّة الرسوبيات التي يرسبها النهر في أسبوع؟

$$٣٠٥٢٠٠٠ = ٧ \times ٤٣٦٠٠٠ \text{ طن}$$

هل هناك معلومات إضافية؟ ما هي؟

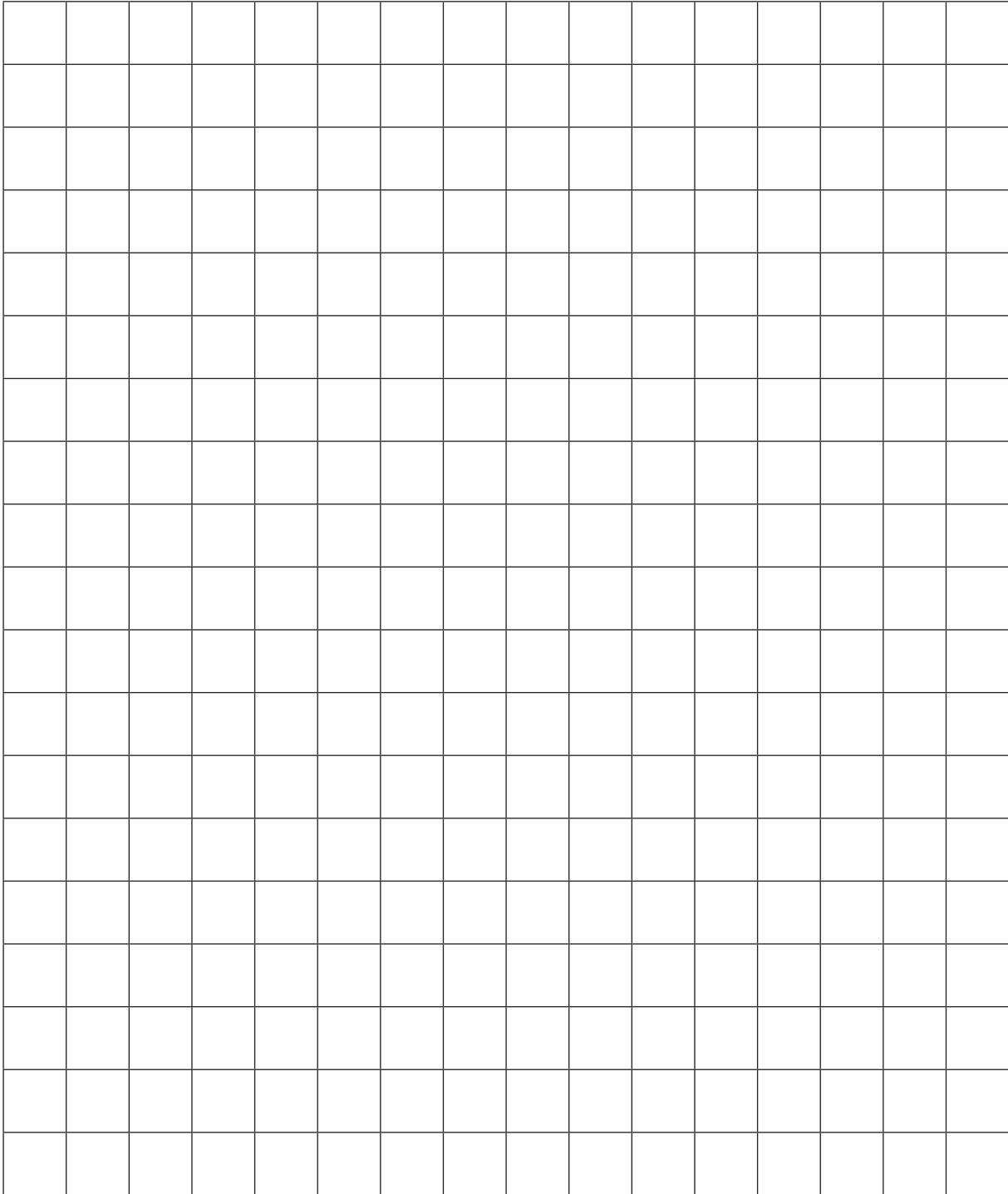
نعم، طول النهر ٣٦٨٠ كم

ما المعلومات التي حوّلتها لحلّ المشكلة؟

$$١ \text{ أسبوع} = ٧ \text{ أيام}$$

الاسم

ورقة رسم بياني ١ سنتمتر



الاسمُ

ورقة رسم بياني ٢ سنتمتر
